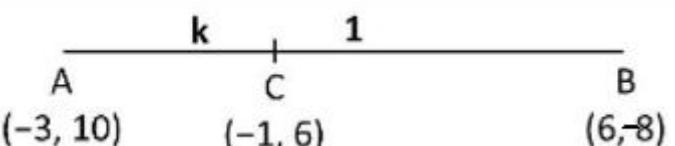


**MARKING SCHEME BSEH PRACTICE PAPER 4,10TH MATHS(BASIC)
MARCH 2024,(ENGLISH MEDIUM)**

Q. no.	Expected solutions	mar ks
Section-A		
1	(c) a^3b^2	1
2	(a) 13	1
3	(c) $\sqrt{4}$	1
4	(b) $\frac{4}{5}$	1
5	(c) $2x^2 - 7x + 6 = 0$	1
6	(a) 113	1
7	(b) $\sqrt{13}$	1
8	(b) 2cm	1
9	(a) 3cm	1
10	4cm	1
11	secant	1
12	True	1
13	(d) $\tan^2 A$	1
14	(b) 45°	1
15	(b) 24m	1
16	$\frac{132}{7} \text{ cm}^2$	1
17	22 cm	1
18	(c) $\frac{1}{12}$	1
19	(d) Assertion(A) is false but Reason(R) is true.	1
20	(a) Both Assertion(A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of Assertion(A).	1
SECTION-B		
21.	$px+3y-(p-3)=0 \dots\dots \text{(i)}$ $12x+py-p=0 \dots\dots \text{(ii)}$ For infinitely many solution $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$	1/2

	$\Rightarrow \frac{p}{12} = \frac{3}{p} = \frac{-(p-3)}{-p}$ <p>.....</p> <p>From I and II</p> $\frac{p}{12} = \frac{3}{p}$ $\Rightarrow p^2 = 36 \Rightarrow p^2 - 36 = 0 \Rightarrow p = \pm 6$ <p>.....</p> <p>From II and III</p> $\frac{3}{p} = \frac{-(p-3)}{-p}$ $\Rightarrow 3 = p - 3 \Rightarrow p = 6$ <p>So, p=6</p>	1/2
OR 21.	<p>Given equations are $x=2y-1$.....(i) $2x+3y=12$.....(ii)</p> <p>Substituting the value of x from (i) into (ii), we get</p> $2(2y-1)+3y=12$ <p>.....</p> $\Rightarrow 4y-2+3y=12$ <p>.....</p> $\Rightarrow 7y=14 \Rightarrow y=2$ <p>.....</p> <p>sustituting $y=2$ in eq (i), we get</p> $x=2(2)-1 \Rightarrow x=3$ <p>Thus, $x=3, y=2$ is the required solution.</p>	1/2
22.	 <p>Let the ratio in which the line segment joining A(- 3, 10) and B(6, - 8) be divided by point C(- 1, 6) be $k : 1$.</p>	

By Section formula, , $C(x, y) = \left(\frac{mx_2+nx_1}{m+n}, \frac{my_2+ny_1}{m+n} \right)$

1/2

$$\Rightarrow (-1, 6) = \left(\frac{6k-3}{k+1}, \frac{-8k+10}{k+1} \right)$$

1/2

$$m = k, n = 1$$

Therefore,

$$-1 = \frac{6k-3}{k+1}$$

1/2

$$-k - 1 = 6k - 3$$

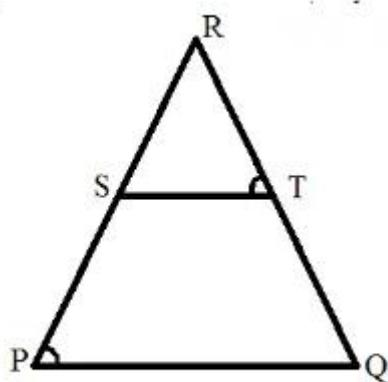
$$7k = 2$$

$$k = 2 / 7$$

1/2

Hence, the point C divides line segment AB in the ratio 2 : 7.

23.



1/2

In $\triangle RPQ$ and $\triangle RTS$,

	<p>$\angle RPQ = \angle RTS$ (given)</p> <p>.....</p> <p>$\angle PRQ = \angle TRS$ (common angle)</p> <p>.....</p> <p>Thus, $\Delta RPQ \sim \Delta RTS$ (AA criterion)</p>	1/2
24.	$\sin(A - B) = 1/2 \Rightarrow \sin(A - B) = \sin(30^\circ) \Rightarrow A - B = 30^\circ \dots (1)$ <p>.....</p> $\cos(A + B) = 1/2 \Rightarrow \cos(A + B) = \cos(60^\circ) \Rightarrow A + B = 60^\circ \dots (2)$ <p>.....</p> <p>On Adding Eq. (1) and (2), we get $2A = 90^\circ \Rightarrow A = 45^\circ$</p> <p>.....</p> <p>Now, Putting the value of A in Eq.(2), we get $45^\circ + B = 60^\circ \Rightarrow B = 15^\circ$</p> <p>Hence, $A = 45^\circ$ and $B = 15^\circ$</p>	1/2
OR 24		

Let ΔABC be a right-angled triangle such that $\tan A = 1/\sqrt{3}$
 $\tan A = \text{side opposite to } \angle A / \text{side adjacent to } \angle A = BC/AB = 1/\sqrt{3}$

Let $BC = k$ and $AB = \sqrt{3} k$, where k is a positive integer.

1/2

.....
By applying Pythagoras theorem in ΔABC , we have

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$= (\sqrt{3} k)^2 + (k)^2$$

$$= 3k^2 + k^2$$

$$= 4k^2$$

$$AC = 2k$$

1/2

.....
Therefore, $\sin A = \text{side opposite to } \angle A / \text{hypotenuse} = BC/AC = 1/2$

$\cos A = \text{side adjacent to } \angle A / \text{hypotenuse} = AB/AC = \sqrt{3}/2$

$\sin C = \text{side opposite to } \angle C / \text{hypotenuse} = AB/AC = \sqrt{3}/2$

1/2

$\cos C = \text{side adjacent to } \angle C / \text{hypotenuse} = BC/AC = 1/2$

.....
By substituting the values of the trigonometric functions in the above equation we get,

$$\sin A \cos C + \cos A \sin C = (1/2)(1/2) + (\sqrt{3}/2)(\sqrt{3}/2)$$

$$= 1/4 + 3/4$$

$$= (1 + 3)/4$$

$$= 4/4$$

$$= 1$$

1/2

25.	<p>Area swept by the minute hand in 60 minutes = πr^2 Area swept by minute hand in 1 minute = $\pi r^2/60$</p> <p>Thus, area swept by minute hand in 5 minutes = $(\pi r^2/60) \times 5 = \pi r^2/12$</p> <p>.....</p> <p>Length of the minute hand (r) = 14 cm Therefore, the area swept by the minute hand in 5 minutes = $5/60 \times \pi r^2 = 1/12 \pi r^2$</p> <p>.....</p> <p>= $1/12 \times 22/7 \times 14 \times 14 \text{ cm}^2$</p> <p>.....</p> <p>= $154/3 \text{ cm}^2$</p>	1/2
		1/2
		1/2
		1/2

SECTION-C

26.	<p>Prove that $\sqrt{3}$ is irrational.</p> <p>Solution:</p> <p>Let, if possible, $\sqrt{3}$ be a rational no.</p> <p>.....</p> <p>$\therefore \sqrt{3} = \frac{p}{q}$, where p and q are co-prime integers and $q \neq 0$.</p> <p>.....</p> <p>$\Rightarrow 3 = \frac{p^2}{q^2}$</p> <p>$\Rightarrow p^2 = 3 q^2$(i)</p> <p>.....</p> <p>$\Rightarrow 3$ divides $p^2 \Rightarrow 3$ divides p also.</p> <p>.....</p> <p>Let $p = 3m$,(ii) where m is any integer.</p>	1/2
-----	--	-----

	Substituting the value of x in (i), we get $y=8$ Hence, the number is 18.	1/2 1/2
OR 28	Let the speed of car at A be x km/h and the speed of car at B be y km/h when the car travel in same direction Relative Speed is $x-y$ Dist=100km $t=5$ hours \therefore Distance = Speed \times Time $100=(x-y)5$ $x-y=20 \dots \text{(i)}$	1/2
	when car travel in opp direction Relative Speed is $x+y$ Distance =100km $t=1$ hours Distance = Speed \times Time $100=(x+y)1$ $x+y=100 \dots \text{(ii)}$	1/2
	Solving (i) & (ii) $x-y=20$ $x+y=100$ $2x=120$ $x=60\text{ km/h}$	1/2
	From equation(i), $y=60-20$ $\therefore y=40\text{ km/h}$	1/2
	Speed of the car at A =60 km/h Speed of the car at B=40 km/h	
29.	Let the point be $(0, y)$	1/2

	<p>So, $\sqrt{(6 - 0)^2 + (5 - y)^2} = \sqrt{(-4 - 0)^2 + (3 - y)^2}$</p> <p>.....</p> <p>On squaring both sides , we get $36+25+y^2-10y=16+9+y^2-6y$</p> <p>.....</p> <p>$61-10y=25-6y$</p> <p>$10y-6y=61-25$</p> <p>.....</p> <p>$4y=36$</p> <p>So, $y = 9$</p> <p>.....</p> <p>So, point = (0, 9)</p>	1/2
30.	<p>We use the following trigonometric identities: $\sec^2\theta=\tan^2\theta+1$</p> <p>.....</p> <p>and $\operatorname{cosec}^2\theta=\cot^2\theta+1$</p> <p>.....</p> <p>On adding these, we get:$\sec^2\theta+\operatorname{cosec}^2\theta=\tan^2\theta+\cot^2\theta+2$</p> <p>.....</p> <p>$\Rightarrow \sec^2\theta+\operatorname{cosec}^2\theta = \tan^2\theta+\cot^2\theta+2\tan\theta\cot\theta$</p> <p>.....</p> <p>$\Rightarrow \sec^2\theta+\operatorname{cosec}^2\theta = (\tan\theta+\cot\theta)^2$</p> <p>.....</p> <p>$\Rightarrow \sqrt{\sec^2\theta+\operatorname{cosec}^2\theta} = \sqrt{(\tan\theta+\cot\theta)^2}$</p> <p>$\Rightarrow \sec^2\theta+\operatorname{cosec}^2\theta=\tan\theta+\cot\theta$</p> <p>Hence Proved.</p>	1/2
OR 30.	<p>L.H.S. = $\frac{\cos A - \sin A + 1}{\cos A + \sin A - 1}$</p>	

$$= \frac{\cos A - \sin A + 1}{\sin A}$$

$$= \frac{\cos A + \sin A - 1}{\sin A}$$

(Divide each term of Numerator and Denominator by sin A)

1/2

$$= \frac{\cot A - 1 + \operatorname{cosec} A}{\cot A + 1 - \operatorname{cosec} A}$$

1/2

$$= \frac{(\cot A + \operatorname{cosec} A) - 1}{(\cot A - \operatorname{cosec} A) + 1}$$

$$= \frac{(\cot A + \operatorname{cosec} A) - (\operatorname{cosec}^2 A - \cot^2 A)}{(\cot A - \operatorname{cosec} A + 1)}$$

1

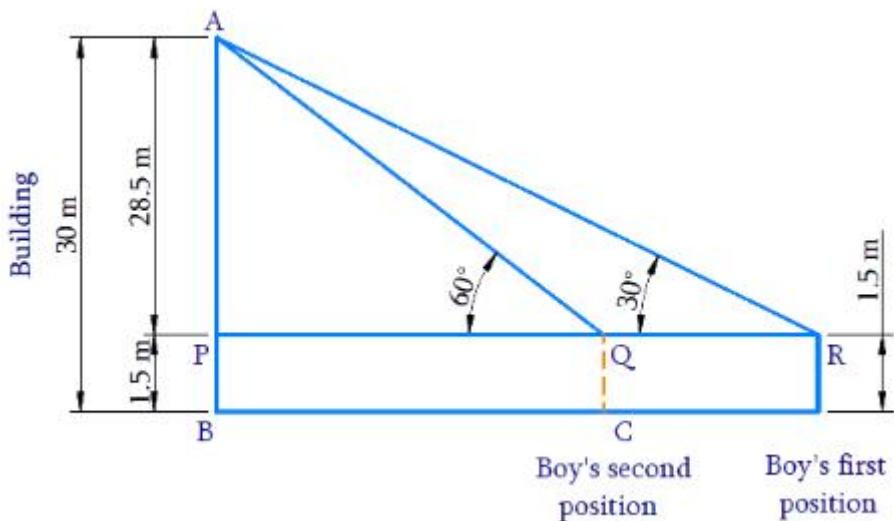
$$(\because \operatorname{cosec}^2 A - \cot^2 A = 1)$$

$$= \frac{(\operatorname{cosec} A + \cot A)(1 - \operatorname{cosec} A + \cot A)}{(\cot A - \operatorname{cosec} A + 1)}$$

1

$$= \operatorname{cosec} A + \cot A = \text{R.H.S.}$$

31.



1/2

In $\triangle APR$

$$\tan R = AP/PR$$

$$\tan 30^\circ = 28.5/PR$$

$$1/\sqrt{3} = 28.5/PR$$

$$PR = 28.5 \times \sqrt{3} \text{ m}$$

1/2

In $\triangle APQ$

$$\tan Q = AP/PQ$$

$$\tan 60^\circ = 28.5/PQ$$

$$\sqrt{3} = 28.5/PQ$$

$$PQ = 28.5 / \sqrt{3} \text{ m}$$

1/2

Therefore, Distance walked towards the building $RQ = PR - PQ$

1/2

$$PR - PQ = 28.5\sqrt{3} - 28.5/\sqrt{3}$$

$$= 28.5 (\sqrt{3} - 1/\sqrt{3})$$

$$= 28.5 ((3 - 1)/\sqrt{3})$$

$$= 28.5 (2/\sqrt{3})$$

$$= 57/\sqrt{3}$$

$$= (57 \times \sqrt{3})/(\sqrt{3} \times \sqrt{3})$$

$$= (57\sqrt{3})/3$$

$$= 19\sqrt{3} \text{ m}$$

The distance walked by the boy towards the building is $19\sqrt{3}$ m.

1/2

1/2

SECTION-D

32. Given, $a_4 + a_8 = 24$

$$(a + 3d) + (a + 7d) = 24$$

$$\Rightarrow 2a + 10d = 24$$

$$\Rightarrow a + 5d = 12 \dots\dots\dots(1)$$

1

Also, $a_6 + a_{10} = 44$

$$(a + 5d) + (a + 9d) = 44$$

$$\Rightarrow 2a + 14d = 44$$

$$\Rightarrow a + 7d = 22 \dots\dots\dots(2)$$

1

.....
On subtracting equation (1) from (2), we obtain

$$(a + 7d) - (a + 5d) = 22 - 12$$

$$a + 7d - a - 5d = 10$$

$$2d = 10$$

1

$$d = 5$$

.....

By substituting the value of $d = 5$ in equation (1), we obtain

$$a + 5d = 12$$

$$a + 5 \times 5 = 12$$

$$a + 25 = 12$$

1

$$a = -13$$

.....

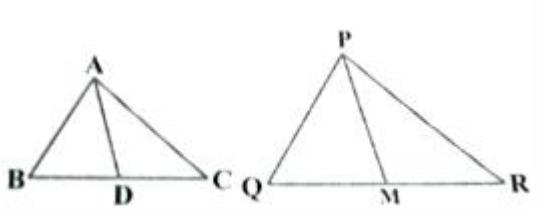
The first three terms are a , $(a + d)$ and $(a + 2d)$

Substituting the values of a and d ,
we get -13 , $(-13 + 5)$ and $(-13 + 2 \times 5)$

1

The first three terms of this A.P. are -13 , -8 , and -3 .

33.



In $\triangle ABC$ and $\triangle PQR$

$$AB/PQ = BC/QR = AD/PM \text{ [given]}$$

.....

1/2

AD and PM are median of $\triangle ABC$ and $\triangle PQR$ respectively

$$\Rightarrow BD/QM = (BC/2)/(QR/2) = BC/QR$$

1/2

Now, in $\triangle ABD$ and $\triangle PQM$

$$AB/PQ = BD/QM = AD/PM$$

1

$$\Rightarrow \triangle ABD \sim \triangle PQM \text{ [SSS criterion]}$$

1

Now, in $\triangle ABC$ and $\triangle PQR$

$$AB/PQ = BC/QR \text{ [given in the statement]}$$

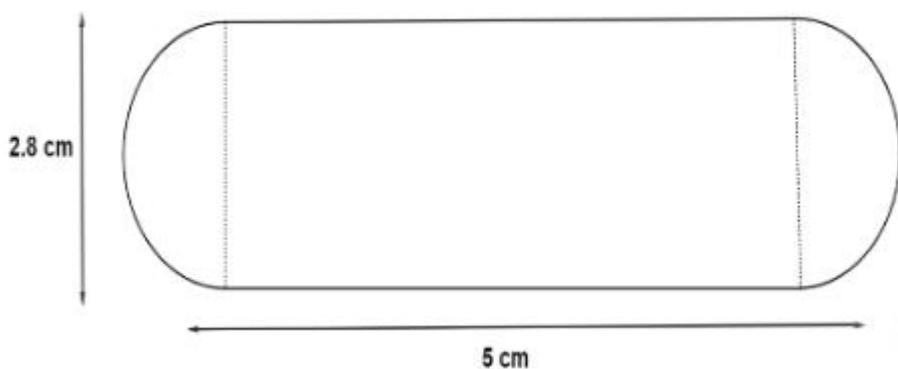
$$\angle ABC = \angle PQR [\because \triangle ABD \sim \triangle PQM]$$

1

$$\Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle PQR \text{ [SAS criterion]}$$

1

34.



Diameter of the Gulab jamun, $d = 2.8 \text{ cm}$

Radius of cylindrical part = radius of hemispherical part $r = d/2 = 2.8/2 \text{ cm}$

$$= 1.4 \text{ cm}$$

Length of cylindrical part, $h = 5 \text{ cm} - 2 \times 1.4 \text{ cm} = 2.2 \text{ cm}$

1/2

Volume of one Gulab jamun = volume of cylindrical part + $2 \times$ volume of the hemispherical parts

1/2

.

$$= \pi r^2 h + 2 \times \frac{2}{3} \pi r^3$$

$$= \pi r^2 h + \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$= \pi r^2 (h + 4r/3)$$

1

$$= 22/7 \times 1.4 \text{ cm} \times 1.4 \text{ cm} \times (2.2 \text{ cm} + (4/3) \times 1.4 \text{ cm})$$

$$= [22/7 \times 1.4 \text{ cm} \times 1.4 \text{ cm} \times (12.2/3 \text{ cm})]$$

1/2

$$= 75.152/3 \text{ cm}^3$$

1/2

Volume of 45 Gulab jamuns = $45 \times$ volume of one Gulab jamun

$$= 45 \times 75.152/3 \text{ cm}^3$$

1/2

$$= 15 \times 75.152 \text{ cm}^3$$

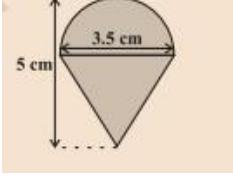
$$= 1127.28 \text{ cm}^3$$

1/2

Volume of sugar syrup in 45 Gulab jamuns = 30% of volume of 45 Gulab jamun

1/2

$$= 30/100 \times 1127.28 \text{ cm}^3$$

$= 338.184 \text{ cm}^3$	1/2
<p>Thus, the volume of sugar syrup in 45 cylindrical shaped gulab jamuns is 338 cm^3 (approximately).</p>	
<p>OR 34.</p> 	
<p>The curved surface area of hemisphere $= 2\pi r^2$</p> <p>.....</p> <p>$= (2 \times 22/7 \times 3.5/2 \times 3.5/2 \text{ cm}^2)$</p> <p>.....</p> <p>The height of the cone = Height of the top – Height (radius) of the hemispherical part</p> <p>$= (5 - 3.5/2) \text{ cm} = 3.25 \text{ cm}$</p> <p>.....</p> <p>So, the slant height of the cone (l) = $\sqrt{r^2 + h^2} = \sqrt{\left(\frac{3.5}{2}\right)^2 + (3.25)^2}$ $= 3.7 \text{ cm} (\text{approx})$</p> <p>.....</p> <p>Therefore, curved surface area of cone = $\pi r l$</p> <p>.....</p>	<p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1</p> <p>1/2</p>

$$= (22/7 \times 3.5/2 \times 3.7) \text{ cm}^2$$

1/2

Total Surface area of the top = Curved surface area of hemisphere +
Curved surface area of cone

$$= (2 \times 22/7 \times 3.5/2 \times 3.5/2) + (22/7 \times 3.5/2 \times 3.7)$$

$$= 22/7 \times 3.5/2 \times (3.5 + 3.7) = \frac{11}{2} \times 7.2$$

$$= 39.6 \text{ cm}^2$$

1/2

35.

Class-Interval	Frequency	Cummulative Frequency
0-10	5	5
10-20	x	5+x
20-30	20	25+x
30-40	15	40+x
40-50	y	40+x+y
50-60	5	45+x+y

$$\therefore 45 + x + y = 60$$

$$\Rightarrow x + y = 15 \dots \text{(i)}$$

The median of the data is given as 28.5 which lies in interval 20 – 30.

Therefore, median class = 20 - 30

1

1/2

1/2

n = 60 (given) $\Rightarrow n/2 = 30$

.....

Class size, h = 10

Lower limit of median class, l = 20

Frequency of median class, f = 20

.....

Cumulative frequency of class preceding the median class, cf = 5 + x

$$\text{Median} = l + \left(\frac{\frac{n}{2} - cf}{f} \right) \times h$$

.....

$$28.5 = 20 + \left(\frac{\frac{60}{2} - (5+x)}{20} \right) \times 10$$

.....

$$8.5 = (25 - x)/2$$

$$25 - x = 8.5 \times 2$$

$$x = 25 - 17$$

$$x = 8$$

.....

Putting x = 8 in equation (i)

1/2

1/2

1/2

1/2

1/2

$$8 + y = 15$$

$$y = 7$$

Hence, the values of x and y are 8 and 7 respectively.

1/2

OR
35.

Daily Expenditure (in ₹)	Class Mark (x_i)	No. of house-holds (f_i)	$u_i = \frac{x_i - a}{h}$	$f_i u_i$
100-150	125	4	-2	-8
150-200	175	5	-1	-5
200-250	225 =a	12	0	0
250-300	275	2	1	2
300-350	325	2	2	4
		$\sum f_i = 25$		$\sum f_i u_i = -7$

$\left[\begin{matrix} 1 \\ 2 \end{matrix} \right]$

[1]

$\left[\begin{matrix} 1 \\ 2 \end{matrix} \right]$

[1]

We know that, Class mark, $x_i = (\text{Upper class limit} + \text{Lower class limit}) / 2$

Class size, $h = 50$

Taking assumed mean, $a = 225$

From the table, we obtain

$$\sum f_i = 25$$

$$\sum f_i u_i = -7$$

1/2

	<p>.....</p> <p>Mean, (x) = $a + (\sum f_i u_i / \sum f_i) \times h$</p> <p>.....</p> <p>$= 225 + (-7/25) \times 50$</p> <p>$= 225 - 14$</p> <p>.....</p> <p>$= 211$</p> <p>Thus, the mean daily expenditure on food is ₹ 211.</p>	1/2 1/2 1/2
SECTION-E		
36.	<p>(i) speed of stream= x km/h Speed of motor boat = 20 km/h \therefore speed of motor boat upstream = $(20-x)$ km/h</p> <p>(ii) speed = $\frac{\text{distance}}{\text{time}}$</p>	1 1
	<p>(iii) Time for upstream - Time for downstream = 1 hour</p> $\frac{15}{20-x} - \frac{15}{20+x} = 1$ <p>.....</p> $\Rightarrow 300+15x - 300+15x = 400- x^2$ $\Rightarrow x^2 + 30x - 400 = 0$ <p>.....</p> <p>OR (iii) $x^2 + 30x - 400 = 0$</p> $\Rightarrow (x+40)(x-10)=0$ <p>.....</p> $\Rightarrow x=10 \text{ or } x=-40$ $\therefore \text{speed of current} = 10 \text{ km/h}$	1 1 1 1
37.	<p>(i) Let,</p> <p>$AD = AF = z$ cm .</p> <p>$BD = BE = x$ cm .</p> <p>$CF = CE = y$ cm .</p> <p>so,</p> <p>$AB = z + x = 12$ cm .</p>	

$BC = x + y = 8 \text{ cm}$.
 $CA = z + y = 10 \text{ cm}$.
 adding all,

$$\Rightarrow AB + BC + CA = 12 + 8 + 10$$

$$\Rightarrow (z + x) + (x + y) + (z + y) = 30$$

$$\Rightarrow 2(x + y + z) = 30$$

$$\Rightarrow x + y + z = 15 \text{ cm}.$$

then,

(i)

$$\Rightarrow (x + y + z) - (x + y) = z \Rightarrow 15 - 8 = 7 \text{ cm} = AD \text{ (Ans.1)}$$

1

(ii)

$$(x + y + z) - (y + z) = x \Rightarrow 15 - 10 = 5 \text{ cm} = BD$$

1

(iii)

$$(x + y + z) - (z + x) = y \Rightarrow 15 - 12 = 3 \text{ cm} = CF$$

1

now, given that,

Radius of circle = OD = 4 cm.

$$\begin{aligned} \text{therefore, Area of } \Delta OAB &= \frac{1}{2} \times \text{perpendicular height} \times \text{Base} \\ &= \frac{1}{2} \times OD \times AB = \frac{1}{2} \times 4 \times 12 = 24 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

1

OR (iii) Area ΔABC = Area ΔOAB + Area ΔOBC + Area ΔOCA

$$\Rightarrow \text{Area } \Delta ABC = [(1/2) \times \text{radius} \times AB] + [(1/2) \times \text{radius} \times BC] + [(1/2) \times \text{radius} \times CA]$$

$$\Rightarrow \text{Area } \Delta ABC = (1/2) \times \text{radius} \times (AB + BC + CA)$$

1

$$\Rightarrow \text{Area } \Delta ABC = (1/2) \times 4 \times 30$$

$$\Rightarrow \text{Area } \Delta ABC = 2 \times 30$$

	$\Rightarrow \text{Area } \Delta ABC = 60 \text{ cm}^2$	1
--	---	---

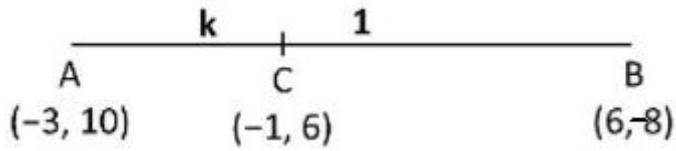
38.	(i) Number of possible outcomes=52 Number of favourable outcomes of getting a king of red colour=2 $P(\text{of getting a king of red colour}) = \frac{2}{52} = \frac{1}{26}$	1
	(ii) Number of possible outcomes=52 Number of favourable outcomes of getting a face card = 12 $P(\text{of getting a face card}) = \frac{12}{52} = \frac{3}{13}$	1
	(iii) Number of possible outcomes=52 Number of favourable outcomes of getting a jack of hearts =1 $P(\text{of getting a jack of hearts}) = \frac{1}{52}$	1
	OR (iii) Number of possible outcomes=52 Number of favourable outcomes of getting a red face card =6 $P(\text{of getting a red face card}) = \frac{6}{52} = \frac{3}{26}$	1

MARKING SCHEME BSEH Practice PAPER 4,10TH गणित (आधार) ,

MARCH 2024(हिंदी माध्यम)

Q. no.	Expected solutions	marks
Section-A		
1	(c) a^3b^2	1
2	(a) 13	1
3	(c) $\sqrt{4}$	1
4	(b) $\frac{4}{5}$	1
5	(c) $2x^2 - 7x + 6 = 0$	1
6	(a) 113	1
7	(b) $\sqrt{13}$	1
8	(b) 2cm	1
9	(a) 3cm	1
10	4cm	1
11	छेदक रेखा	1
12	सत्य	1
13	(d) $\tan^2 A$	1
14	(b) 45°	1
15	(b) 24m	1
16	$\frac{132}{7} \text{ cm}^2$	1
17	22 cm	1
18	(c) $\frac{1}{12}$	1
19	(d) अभिकथन (A) गलत है, परन्तु तर्क (R) सही है।	1
20	(a) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है।	1
SECTION-B		
21.	$px + 3y - (p-3) = 0 \dots\dots\dots (I)$	

22.



माना कि बिंदु $C(-1, 6)$, $A(-3, 10)$ और $B(6, -8)$ को मिलाने वाले रेखाखंड को $k:1$ के अनुपात में विभाजित करता है।

$$\text{विभाजन सूत्र द्वारा, } C(x, y) = \left(\frac{mx_2 + nx_1}{m+n}, \frac{my_2 + ny_1}{m+n} \right)$$

1/2

$$\Rightarrow (-1, 6) = \left(\frac{6k-3}{k+1}, \frac{-8k+10}{k+1} \right)$$

1/2

$$\text{यहाँ } m = k, n = 1$$

इसलिए,

$$-1 = \frac{6k-3}{k+1}$$

1/2

$$-k - 1 = 6k - 3$$

$$7k = 2$$

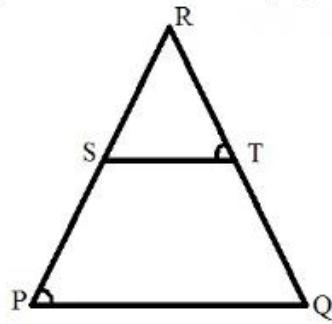
$$k = 2/7$$

1/2

अतः, बिंदु C रेखाखंड AB को $2:7$ के अनुपात में विभाजित करता है।

|

23.



1/2

ΔRPQ और ΔRTS में

$$\angle RPQ = \angle RTS \text{ (दिया है)}$$

1/2

$$\angle PRQ = \angle TRS \text{ (उभयनिष्ठ कोण)}$$

1/2

अतः $\Delta RPQ \sim \Delta RTS$ (AA समरूपता कसौटी)

1/2

24.

$$\sin(A - B) = 1/2 \Rightarrow \sin(A - B) = \sin(30^\circ) \Rightarrow A - B = 30^\circ \dots(1)$$

1/2

$$\cos(A + B) = 1/2 \Rightarrow \cos(A + B) = \cos(60^\circ) \Rightarrow A + B = 60^\circ \dots\dots\dots(2)$$

1/2

समीकरण (1) और (2) जोड़ने पर हमें मिलता है

$$2A = 90^\circ \Rightarrow A = 45^\circ$$

1/2

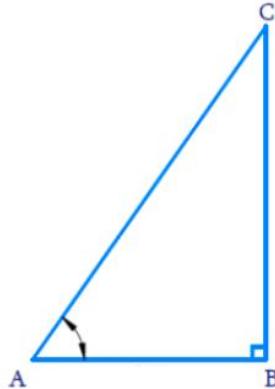
अब, A का मान समीकरण(2) में रखने पर, हमें मिलता है

$$45^\circ + B = 60^\circ \Rightarrow B = 15^\circ$$

1/2

अतः, $A = 45^\circ$ and $B = 15^\circ$

OR 24.



माना $\triangle ABC$ एक समकोण त्रिभुज है जिससे $\tan A = 1/\sqrt{3}$ है
 $\tan A = \angle A$ के सम्मुख भुजा / $\angle A$ के संलग्न भुजा $= BC/AB = 1/\sqrt{3}$

माना $BC = k$ और $AB = \sqrt{3} k$, जहाँ k एक धनात्मक पूर्णांक है।

1/2

$\triangle ABC$ में पाइथागोरस प्रमेय को लागू करने पर, हमें प्राप्त होता है

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$= (\sqrt{3} k)^2 + (k)^2$$

$$= 3k^2 + k^2$$

$$= 4k^2$$

$$AC = 2k$$

1/2

इसलिए, $\sin A = \angle A$ के सम्मुख भुजा / कर्ण $= BC/AC = 1/2$

$\cos A = \angle A$ की संलग्न भुजा / कर्ण $= AB/AC = \sqrt{3}/2$

$\sin C = \angle C$ के सम्मुख भुजा $\angle C$ / कर्ण $= AB/AC = \sqrt{3}/2$

$\cos C = \angle C$ की संलग्न भुजा / कर्ण $= BC/AC = 1/2$

1/2

उपरोक्त समीकरण में त्रिकोणमितीय फलनों के मानों को प्रतिस्थापित करने पर हमें प्राप्त होता है,

$$\sin A \cos C + \cos A \sin C = (1/2)(1/2) + (\sqrt{3}/2)(\sqrt{3}/2)$$

$$= 1/4 + 3/4$$

$$= (1 + 3)/4$$

$$= 4/4$$

$$= 1$$

1/2

25.

मिनट की सुई द्वारा 60 मिनट में तय किया गया क्षेत्रफल = πr^2

मिनट की सुई द्वारा 1 मिनट में तय किया गया क्षेत्रफल = $\pi r^2/60$

अतः, मिनट की सुई द्वारा 5 मिनट में तय किया गया क्षेत्रफल = $(\pi r^2/60) \times 5 = \pi r^2/12$

1/2

घड़ी की मिनट की सुई की लम्बाई (r) = 14 cm

∴, मिनट की सुई द्वारा 5 मिनट में तय किया गया क्षेत्रफल = $5/60 \times \pi r^2 = 1/12 \pi r^2$

1/2

$$= 1/12 \times 22/7 \times 14 \times 14 \text{ cm}^2$$

1/2

$$= 154/3 \text{ cm}^2$$

1/2

	<p>इसलिए , अभीष्ट द्विघात बहुपद $x^2 - \{8+(-7)\}x + 8(-7)$</p> $= x^2 + x - 56$	1
28.	<p>माना इकाई का अंक y है और दहाई का अंक x है। तब संख्या $10x+y$ है और अंकों को उलटने पर प्राप्त संख्या $= 10y+x$</p> <p>दिया है $x + y = 9$.....(i)</p> <p>और $9(10x+y) = 2(10y+x)$</p> $\Rightarrow 90x+9y=20y+2x$ $\Rightarrow 88x-11y=0 \Rightarrow 8x-y=0$(ii)	1/2
	<p>(i) और (ii) जोड़ने पर, हमें प्राप्त होता है</p> $x + y + 8x-y = 9+0$ $\Rightarrow 9x=9 \Rightarrow x=1$	1/2
	<p>(i) में x का मान प्रतिस्थापित करने पर, हमें $y=8$ प्राप्त होता है</p> <p>अतः संख्या 18 है।</p>	1/2
OR 28.	<p>माना A पर कार की गति x किमी प्रति घंटा है और B पर कार की गति y किमी प्रति घंटा है</p>	

जब कार एक ही दिशा में चलती है तो सापेक्ष गति $x-y$ होती है।	1/2
दूरी=100km	
समय =5 hours	
\therefore दूरी= गति × समय	
.....	
100=(x-y)5	1/2
x-y=20.....(i)	
.....	
जब कार विपरीत दिशा में चलती है तो सापेक्ष गति $x+y$ होती है।	
दूरी=100किलोमीटर	1/2
समय =1 घंटा	
\therefore दूरी= गति × समय	
.....	
100=(x+y)1	1/2
x+y=100.....(ii)	
.....	
(i) और (ii)को हल करने पर	
x-y=20	
x+y=100	
2x=120	1/2
x=60km/h	
.....	
समीकरण(i) से, $y=60-20$	1/2
$\therefore y=40\text{km/h}$	
.....	
A पर कार की गति = 60 किमी/घंटा	
B पर कार की गति =40 किमी/घंटा	
29. माना बिंदु $(0, y)$ है	1/2
.....	

	<p>इसलिये, $\sqrt{(6 - 0)^2 + (5 - y)^2} = \sqrt{(-4 - 0)^2 + (3 - y)^2}$</p> <p>दोनों तरफ वर्ग करने पर, हमें प्राप्त होता है</p> $36+25+y^2-10y=16+9+y^2-6y$ $61-10y=25-6y$ $10y-6y=61-25$ $4y=36$ $\Rightarrow y = 9$ <p>\Rightarrow अभीष्ट बिंदु $= (0, 9)$</p>	1/2
30.	<p>हम निम्नलिखित त्रिकोणमितीय सर्वसमिकाओं का उपयोग करते हैं:</p> $\sec^2\theta=\tan^2\theta+1$ <p>और $\operatorname{cosec}^2\theta=\cot^2\theta+1$</p> <p>इन्हें जोड़ने पर हमें प्राप्त होता है: $\sec^2\theta+\operatorname{cosec}^2\theta=\tan^2\theta+\cot^2\theta+2$</p> $\Rightarrow \sec^2\theta+\operatorname{cosec}^2\theta = \tan^2\theta+\cot^2\theta+2\tan\theta\cot\theta$	1/2

$$\Rightarrow \sec^2\theta + \operatorname{cosec}^2\theta = (\tan\theta + \cot\theta)^2$$

1/2

$$\Rightarrow \sqrt{\sec^2\theta + \operatorname{cosec}^2\theta} = \sqrt{(\tan\theta + \cot\theta)^2}$$

$$\Rightarrow \sec^2\theta + \operatorname{cosec}^2\theta = \tan\theta + \cot\theta$$

1/2

यही सिद्ध करना था |

OR 30.

$$\text{L.H.S.} = \frac{\cos A - \sin A + 1}{\cos A + \sin A - 1}$$

$$= \frac{\cos A - \sin A + 1}{\sin A}$$

$$= \frac{\cos A - \sin A + 1}{\cos A + \sin A - 1} \quad (\text{अंश और हर को } \sin A \text{ से भाग करने पर})$$

1/2

$$= \frac{\cot A - 1 + \operatorname{cosec} A}{\cot A + 1 - \operatorname{cosec} A}$$

1/2

$$= \frac{(\cot A + \operatorname{cosec} A) - 1}{(\cot A - \operatorname{cosec} A) + 1} = \frac{(\cot A + \operatorname{cosec} A) - (\operatorname{cosec}^2 A - \cot^2 A)}{(\cot A - \operatorname{cosec} A + 1)}$$

$$(\because \operatorname{cosec}^2 A - \cot^2 A = 1)$$

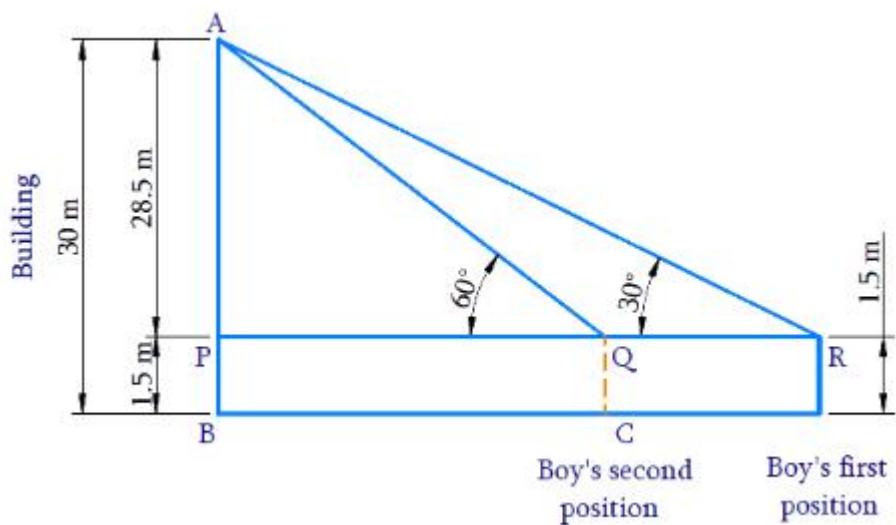
1

$$= \frac{(\operatorname{cosec} A + \cot A)(1 - \operatorname{cosec} A + \cot A)}{(\cot A - \operatorname{cosec} A + 1)}$$

$$= \operatorname{cosec} A + \cot A = \text{R.H.S.}$$

1

31.



1/2

 ΔAPR में

$$\tan R = AP/PR$$

$$\tan 30^\circ = 28.5/PR$$

$$1/\sqrt{3} = 28.5/PR$$

$$PR = 28.5 \times \sqrt{3} \text{ m}$$

1/2

 ΔAPQ में

$$\tan Q = AP/PQ$$

$$\tan 60^\circ = 28.5/PQ$$

$$\sqrt{3} = 28.5/PQ$$

$$PQ = 28.5 / \sqrt{3} \text{ m}$$

1/2

इसलिए, इमारत की ओर चली दूरी $RQ = PR - PQ$ है

1/2

$$PR - PQ = 28.5\sqrt{3} - 28.5/\sqrt{3}$$

$$= 28.5 (\sqrt{3} - 1/\sqrt{3})$$

$$= 28.5 ((3 - 1)/\sqrt{3})$$

$$= 28.5 (2/\sqrt{3})$$

$$= 57/\sqrt{3}$$

.....

$$= (57 \times \sqrt{3})/(\sqrt{3} \times \sqrt{3})$$

$$= (57\sqrt{3})/3$$

$$= 19\sqrt{3} \text{ m}$$

1/2

लड़के द्वारा इमारत की ओर चली गई दूरी 19 $\sqrt{3}$ मीटर है।

खण्ड-घ

32.

$$a_4 + a_8 = 24 \text{ (दिया है)}$$

$$(a + 3d) + (a + 7d) = 24$$

$$\Rightarrow 2a + 10d = 24$$

$$\Rightarrow a + 5d = 12 \dots\dots\dots (1)$$

1

$$a_6 + a_{10} = 44 \text{ (दिया है)}$$

$$(a + 5d) + (a + 9d) = 44$$

$$\Rightarrow 2a + 14d = 44$$

$$\Rightarrow a + 7d = 22 \dots\dots\dots (2)$$

1

समीकरण (1) को (2) से घटाने पर, हमें प्राप्त होता है

$$(a + 7d) - (a + 5d) = 22 - 12$$

$$a + 7d - a - 5d = 10$$

$$2d = 10$$

$$d = 5$$

1

समीकरण (1) में $d = 5$ का मान रखने पर, हम प्राप्त करते हैं

$$a + 5d = 12$$

$$a + 5 \times 5 = 12$$

$$a + 25 = 12$$

$$a = -13$$

1

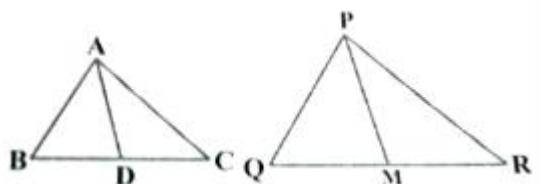
पहले तीन पद a , $(a + d)$ और $(a + 2d)$ हैं

a और d के मानों को प्रतिस्थापित करने पर, हमें -13 , $(-13 + 5)$ और $(-13 + 2 \times 5)$ प्राप्त होता है।

इस A.P. के पहले तीन पद हैं -13 , -8 , और -3 .

1

33.



ΔABC और ΔPQR में

$$\frac{AB}{PQ} = \frac{BC}{QR} = \frac{AD}{PM} \quad [\text{दिया है}]$$

1/2

AD और PM क्रमशः ΔABC और ΔPQR की माध्यिकाएँ हैं

$$\Rightarrow BD/QM = (BC/2)/(QR/2) = BC/QR$$

1/2

ΔABD और ΔPQM में

$$AB/PQ = BD/QM = AD/PM$$

1

$$\Rightarrow \Delta ABD \sim \Delta PQM \text{ [SSS समरूपता कसौटी]}$$

1

ΔABC और ΔPQR में

$$AB/PQ = BC/QR \text{ [दिया है]}$$

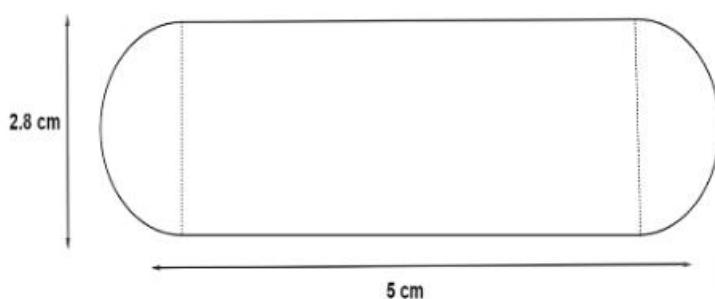
1

$$\angle ABC = \angle PQR [\because \Delta ABD \sim \Delta PQM]$$

$$\Rightarrow \Delta ABC \sim \Delta PQR \text{ [SAS समरूपता कसौटी]}$$

1

34.



गुलाब जामुन का व्यास, $d = 2.8$ सेमी

बेलनाकार भाग की त्रिज्या = अर्धगोलाकार भाग की त्रिज्या $r = d/2 = 2.8/2$ सेमी = 1.4 सेमी

बेलनाकार भाग की लंबाई, $h = 5$ सेमी - 2×1.4 सेमी = 2.2 सेमी

1/2

एक गुलाब जामुन का आयतन = बेलनाकार भाग का आयतन + $2 \times$
अर्धगोलाकार भाग का आयतन

1/2

$$= \pi r^2 h + 2 \times \frac{2}{3} \pi r^3$$

1

$$= \pi r^2 (h + 4r/3)$$

$$= 22/7 \times 1.4 \text{ cm} \times 1.4 \text{ cm} \times (2.2 \text{ cm} + (4/3) \times 1.4 \text{ cm})$$

1/2

$$= [22/7 \times 1.4 \text{ cm} \times 1.4 \text{ cm} \times (12.2/3 \text{ cm})]$$

$$= 75.152/3 \text{ cm}^3$$

1/2

45 गुलाब जामुन का आयतन = $45 \times$ एक गुलाब जामुन का आयतन

$$= 45 \times 75.152/3 \text{ cm}^3$$

1/2

$$= 15 \times 75.152 \text{ cm}^3$$

$$= 1127.28 \text{ cm}^3$$

1/2

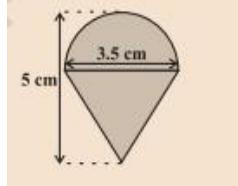
45 गुलाब जामुन में चीनी की चाशनी का आयतन = 45 गुलाब जामुन
के आयतन का 30%

1/2

$$= 30/100 \times 1127.28 \text{ cm}^3$$

$$= 338.184 \text{ cm}^3$$

1/2

	<p>इस प्रकार, 45 बेलनाकार आकार के गुलाब जामुन में चीनी की चाशनी की मात्रा 338 सेमी³ (लगभग) है।</p>	
अथवा 34.	 <p>अर्धगोले का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल $=2\pi r^2$</p> <p>.....</p> <p>$=(2 \times 22/7 \times 3.5/2 \times 3.5/2 \text{cm}^2)$</p> <p>.....</p> <p>शंकु की ऊंचाई = लट्टू की ऊंचाई - अर्धगोलाकार भाग की ऊंचाई (त्रिज्या) $=(5 - 3.5/2) \text{cm} = 3.25 \text{cm}$</p> <p>.....</p> <p>अतः, शंकु की तिर्यक ऊंचाई (l) = $\sqrt{r^2 + h^2} = \sqrt{\left(\frac{3.5}{2}\right)^2 + (3.25)^2}$ $= 3.7 \text{cm}$ (लगभग)</p> <p>.....</p> <p>अतः शंकु का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल $=\pi rl$</p> <p>.....</p> <p>$=(22/7 \times 3.5/2 \times 3.7) \text{cm}^2$</p> <p>.....</p>	<p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p>

लट्टू का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल = अर्धगोले का वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल + शंकु का वक्र पृष्ठ क्षेत्रफल=

1/2

$$=(2 \times 22/7 \times 3.5/2 \times 3.5/2) + (22/7 \times 3.5/2 \times 3.7) \\ = 22/7 \times 3.5/2 \times (3.5 + 3.7) = \frac{11}{2} \times 7.2$$

1/2

$$= 39.6 \text{ cm}^2$$

1/2

35.

वर्ग - अंतराल	बारंबारता	संचयी बारंबारता
0-10	5	5
10-20	x	5+x
20-30	20	25+x
30-40	15	40+x
40-50	y	40+x+y
50-60	5	45+x+y

1

$$45 + x + y = 60$$

1/2

$$\Rightarrow x + y = 15 \dots \text{(i)}$$

$$n = 60 \text{ (दिया है)} \Rightarrow n/2 = 30$$

माध्यक 28.5 दिया गया है जो अंतराल 20 - 30 में स्थित है।

1/2

इसलिए, माध्यक वर्ग = 20 - 30

वर्ग माप , $h = 10$

माध्यक वर्ग की निचली सीमा, $I = 20$

1/2

माध्यक वर्ग की बारंबारता, $f = 20$

.....
माध्यक वर्ग से ठीक पहले वाले वर्ग की संचयी बारंबारता , $cf = 5 + x$

1/2

.....
माध्यक = $I + \left(\frac{\frac{n}{2} - cf}{f} \right) \times h$

1/2

.....
$$28.5 = 20 + \left(\frac{\frac{60}{2} - (5+x)}{20} \right) \times 10$$

1/2

.....
 $8.5 = (25 - x)/2$

$25 - x = 8.5 \times 2$

1/2

$x = 25 - 17$

$x = 8$

.....
समीकरण (i) में $x = 8$ रखने पर

$8 + y = 15$

$y = 7$

1/2

अतः, x और y का मान क्रमशः 8 और 7 है।

OR 35.	दैनिक व्यय (₹ में)	वर्ग चिन्ह (x_i)	परिवारों की संख्या (f_i)	$u_i = \frac{x_i - a}{h}$	$f_i u_i$	3
	100-150	125	4	-2	-8	
	150-200	175	5	-1	-5	
	200-250	225 = a	12	0	0	
	250-300	275	2	1	2	
	300-350	325	2	2	4	
			$\sum f_i = 25$		$\sum f_i u_i = -7$	
		$\left[\begin{array}{c} 1 \\ 2 \end{array} \right]$	[1]	$\left[\begin{array}{c} 1 \\ 2 \end{array} \right]$	[1]	
	हम जानते हैं कि वर्ग चिन्ह , $x_i = (\text{ऊपरी वर्ग सीमा} + \text{निम्न वर्ग सीमा}) / 2$					
	वर्ग माप , $h = 50$					1/2
	माना कल्पित माध्य, $a = 225$					
	तालिका से हमें प्राप्त होता है					
	$\Sigma f_i = 25$					
	$\Sigma f_i u_i = -7$					
					
	माध्य, $(x) = a + (\Sigma f_i u_i / \Sigma f_i) \times h$					1/2
					
	$= 225 + (-7/25) \times 50$					
	$= 225 - 14$					1/2
					
	$= 211$					
	इस प्रकार, भोजन पर औसत दैनिक व्यय ₹ 211 है।					1/2

	खण्ड-३	
36.	(i) धारा की गति = x किमी/घंटा मोटर बोट की गति = 20 किमी/घंटा \therefore धारा के विपरीत मोटर बोट की गति = $(20-x)$ किमी/घंटा	1
	(ii) गति = दूरी/समय	1
	(iii) धारा के विपरीत लगा समय - धारा के अनुकूल लगा समय = 1 घंटा $\frac{15}{20-x} - \frac{15}{20+x} = 1$ $\Rightarrow 300 + 15x - 300 + 15x = 400 - x^2$ $\Rightarrow x^2 + 30x - 400 = 0$	1 1
	OR (iii) $x^2 + 30x - 400 = 0$ $\Rightarrow (x+40)(x-10) = 0$ $\Rightarrow x=10 \text{ or } x=-40$ \therefore धारा की गति = 10 km/h	1 1
37.	(i) माना AD = AF = z cm . BD = BE = x cm . CF = CE = y cm . इसलिए $AB = z + x = 12$ cm . $BC = x + y = 8$ cm . $CA = z + y = 10$ cm . सबको जोड़ने पर $\Rightarrow AB + BC + CA = 12 + 8 + 10$ $\Rightarrow (z + x) + (x + y) + (z + y) = 30$ $\Rightarrow 2(x + y + z) = 30$	

	$\Rightarrow x + y + z = 15 \text{ cm} .$ तब (i) $\Rightarrow (x + y + z) - (x + y) = z \Rightarrow 15 - 8 = 7 \text{ cm} = AD (\text{Ans.1})$	1
	(ii) $(x + y + z) - (y + z) = x \Rightarrow 15 - 10 = 5 \text{ cm} = BD$	1
	(iii) $(x + y + z) - (z + x) = y \Rightarrow 15 - 12 = 3 \text{ cm} = CF$ आगे ,दिया है , वृत की त्रिज्या = OD = 4 cm. इसलिए, ΔOAB का क्षेत्रफल = $= \frac{1}{2} \times \text{लंबवत ऊंचाई} \times \text{आधार}$ $= \frac{1}{2} \times OD \times AB = \frac{1}{2} \times 4 \times 12 = 24 \text{ cm}^2$	1
	OR (iii) ΔABC का क्षेत्रफल = ΔOAB का क्षेत्रफल + ΔOBC का क्षेत्रफल + Area ΔOCA का क्षेत्रफल $\Rightarrow \text{Area } \Delta ABC \text{ का क्षेत्रफल} = [(1/2) \times \text{त्रिज्या} \times AB] + [(1/2) \times \text{त्रिज्या} \times BC] + [(1/2) \times \text{त्रिज्या} \times CA]$ $\Rightarrow \Delta ABC \text{ का क्षेत्रफल} = (1/2) \times \text{त्रिज्या} \times (AB + BC + CA)$ $\Rightarrow \Delta ABC \text{ का क्षेत्रफल} = (1/2) \times 4 \times 30$ $\Rightarrow \Delta ABC \text{ का क्षेत्रफल} = 2 \times 30$ $\Rightarrow \Delta ABC \text{ का क्षेत्रफल} = 60 \text{ cm}^2$	1

38.	<p>(i) संभावित परिणामों की संख्या = 52 लाल रंग का बादशाह प्राप्त करने के अनुकूल परिणामों की संख्या = 2 $P(\text{लाल रंग का बादशाह}) = \frac{2}{52} = \frac{1}{26}$</p>	1
	<p>(ii) संभावित परिणामों की संख्या = 52 फेस कार्ड प्राप्त करने के अनुकूल परिणामों की संख्या = 12 $P(\text{फेस कार्ड}) = \frac{12}{52} = \frac{3}{13}$</p>	1
	<p>(iii) संभावित परिणामों की संख्या = 52 पान का गुलाम पाने के अनुकूल परिणामों की संख्या = 1 $P(\text{पान का गुलाम}) = \frac{1}{52}$</p>	1
	<p>OR (iii) संभावित परिणामों की संख्या = 52 लाल फेस कार्ड प्राप्त करने के अनुकूल परिणामों की संख्या = 6 $P(\text{लाल फेस कार्ड प्राप्त करने की प्रायिकता}) = \frac{6}{52} = \frac{3}{26}$</p>	1